

# KRIPTOGRAFIJA IN RAČUNALNIŠKA VARNOST

Aleksandar Jurišić

IMFM

<http://valjhun.fmf.uni-lj.si/~ajurisic>

UVOD Pametne kartice in javna kriptografija	1
1. Klasična kriptografija	63
2. Shannonova teorija	110
3. Simetrični kriptosistemi	149
4. RSA sistem in faktorizacija	195
5. Drugi javni kriptosistemi	272
6. Sheme za digitalne podpise	369
7. Zgoščevalne funkcije	417
8. Distribucija ključev	475
9. Identifikacijske sheme	526
10. Kode za overjanje	560
11. Sheme za deljenje skrivnosti	586
12. Generator psevdonaključnih števil	637
13. Dokazi brez razkritja znanja	664
PRILOGA A Gostota praštevil	700

## Uvod

<b>Pametne kartice</b>	<b>2</b>
Kaj je pametna kartica	3
Vrste pametnih kartic	6
Zakaj pametne kartice (princip identifikacije)	8
Uporaba pametnih kartic	15
Certicomova kartica za digitalni podpis	21
<b>Javna kriptografija in eliptične krivulje</b>	<b>25</b>
Koncept javne kriptografije	27
ElGamalovi protokoli in digitalni podpis (DSA)	29
Eliptične krivulje in digitalni podpis (ECDSA)	42
Napadi na DSA in ECDSA in varnost le teh	47
<b>Kaj je kriptografija (cilji, kontekst, gradniki)</b>	<b>53</b>

## 1. poglavje

## Klasična kriptografija

Zgodovina (prikrita šifra)	
Zamenjalna šifra	
Pomična, afina, Vigenerejeva in Hillova šifra	
Kerckhoffov princip in stopnje napadov	
Napad na Vigenerejevo šifro	
Napad na Hillovo šifro	
Tokovna šifra	

## 2. poglavje

## Shannonova teorija

Popolna varnost	111
Entropija	124
Lastnosti entropije	130
Ponarejeni ključi in enotska razdalja	136
Produktni kriptosistemi	145

## 3. poglavje

## Simetrični kriptosistemi

Nekaj zgodovine o DES-u	150
Produktna in Fiestelova šifra	151
Opis DES-a	153
Načini delovanja (ECB,CBC,CFB,OFB) in MAC	159
Napadi in velika števila	163
3-DES, DESX in drugi simetrični sistemi	171
Diferenčna kriptanaliza	172
– požrešna metoda in metoda z urejeno tabelo	
– diferenčna metoda (za 1, 3, 6 in 16 ciklov)	

## 4. poglavje

## RSA kriptosistem in faktorizacija

Uvod (kriptografija z javnimi ključi)	196
Teorija števil (razširjen Evklidov algoritem)	198
Opis in implementacija RSA	207
Gostota praštevil	215
Generiranje praštevil	227
Probabilistično testiranje praštevilčnosti	231
(Monte Carlo, Solovay-Strassen in Miller-Rabin)	
Gaussov izrek (o kvadratni recipročnosti)	237
Napadi na RSA (Las Vegas algoritem)	247
Rabinov kriptosistem	252
Algoritmi za faktorizacijo	260

## 5. poglavje

## Drugi javni kriptosistemi

ElGamalovi kriptosistemi in Massey-Omura shema	
Problem diskretnega logaritma in napadi nanj	
Metoda velikega in malega koraka	
Pohlig-Hellmanov algoritem	
Index calculus	
Varnost bitov pri diskretnem logaritmu	
Končni obsegi in eliptične krivulje	
Eliptični kriptosistemi	
Merkle-Hellmanov sistem z nahrbtnikom	
Kriptosistem McEliece	

## 6. poglavje

**Sheme za digitalne podpise**

Uvod (podpis z RSA sistemom) . . . . .	371
ElGamalov sistem za digitalno podpisovanje . . . . .	385
Digital Signature Standard . . . . .	394
Enkratni podpis . . . . .	398
Slepi podpisi . . . . .	404
Podpisi brez možnosti zanikanja . . . . .	406
Fail-stop podpisi . . . . .	412

## 7. poglavje

**Zgoščevalne funkcije**

Zgoščevalne funkcije brez trčenja . . . . .	419
Verjetnost trčenja . . . . .	424
Napad s pomočjo paradoksa rojstnih dnevov . . . . .	429
Zgoščevalna funkcija z diskretnim logaritmom . . . . .	435
Razširitev zgoščevalne funkcije . . . . .	442
Zgoščevalne funkcije iz kriptosistemov . . . . .	453
MD4 zgoščevalna funkcija . . . . .	456
SHA, RIPEMD-160 . . . . .	466
HMAC . . . . .	470
Časovne oznake . . . . .	472

## 8. poglavje

**Distribucija ključev**

Blomova shema . . . . .	482
Diffie-Hellmanova distribucija ključev . . . . .	492
Kerberos . . . . .	499

**in uskladitev ključev**

Diffie-Hellmanova shema . . . . .	505
MTI protokoli . . . . .	516
Giraultova shema . . . . .	524

## 9. poglavje

**Identifikacijske sheme**

Uporaba in cilji identifikacijskih shem . . . . .	
Protokol z izzivom in odgovorom . . . . .	
Schnorova identifikacijska shema . . . . .	
Okomotova identifikacijska shema . . . . .	
Guillou-Quisquater . . . . .	
Pretvarjanje identifikacijske sheme . . . . .	
v shemo za digitalni podpis	

## 10. poglavje

**Kode za overjanje**

Uvod . . . . .	561
Računanje verjetnosti prevare . . . . .	566
Kombinatorične ocene . . . . .	572
– pravokotne škatle	
– konstrukcije in ocene za	
Ocene entropije . . . . .	585

## 11. poglavje

**Sheme za deljenje skrivnosti**

Uvod . . . . .	587
Stopenjske sheme za deljenje skrivnosti . . . . .	594
Strukture dovoljenj . . . . .	601
Vizualne sheme za deljenje skrivnosti . . . . .	612
Formalne definicije . . . . .	617
Stopenjske sheme iz pravokotnih škatel . . . . .	623
Ekvivalenca stopenjske sheme in OA . . . . .	628
Informacijska mera . . . . .	635

## 12. poglavje

**Generator psevdonaključnih števil**

Kaj je naključno število . . . . .	638
Algoritmčno naključno število . . . . .	643
Uporaba in primeri . . . . .	648
Generator $1/P$ . . . . .	654
Algoritem za prevdonaključne bite . . . . .	659
Problem $C$ -kvadratnih ostanke . . . . .	660
Blum-Blum-Shub generator . . . . .	662

## 13. poglavje

**Dokazi brez razkritja znanja**

Sistemi za interaktivno dokazovanje . . . . .	
Popolni dokazi brez razkritja znanja . . . . .	
Zapriseženi biti . . . . .	
Računski dokazi brez razkritja znanja . . . . .	
Argumenti brez razkritja skrivnosti . . . . .	

## Priloga A

**Dokaz izreka o gostoti praštevil**

nekaj pomožnih izrekov z dokazi . . . . .  
 iz analitičnega izreka izpeljemo dve posledici  
 izrek o gostoti praštevil izpeljemo direktno iz  
 druge posledice analitičnega izreka

**Uvod**

Odkar so ljudje pričeli komunicirati, pa naj si bo to preko govora, pisave, radija, telefona, televizije ali računalnikov, so želeli tudi *skrivati* vsebino svojih sporočil.

Ta nuja, oziroma že kar obsedenost po *tajnosti*, je imela dramatičen vpliv na vojne, monarhije in seveda tudi na individualna življenja.

Vladarji in generali so odvisni od uspešne in učinkovite komunikacije že tisočletja, hkrati pa se zavedajo posledic, v primeru, če njihova sporočila pridejo v napačne roke, izdajo dragocene skrivnosti rivalom ali odkrijejo vitalne informacije nasprotnikom.

Danes vse to velja tudi za moderna vodstva uspešnih podjetij in tako postaja

**“informacijska/računalniška varnost”**

eno izmed najbolj pomembnih gesel *informacijske dobe*.

Vlade, industrija ter posamezniki, vsi hranijo informacije v *digitalni obliki*.

Ta medij nam omogoča številne prednosti pred fizičnimi oblikami:

- je zelo kompakten,
- prenos je takorekoč trenuten,
- hkrati pa je omogočen tudi
- organiziran dostop do raznovrstnih podatkovnih baz.

Z razvojem

- telekomunikacij,
- računalniških omrežij in
- obdelovanja informacij

pa je precej lažje prestreči in spremeniti *digitalno (elektronsko) informacijo* kot pa njenega *papirnega predhodnika*.

Zato so se povečale zahteve po **varnosti**.

**Informacijska in računalniška varnost**

opisuje vse preventivne postopke in sredstva s katerimi preprečimo nepooblaščen uporabo digitalnih podatkov ali sistemov, ne glede na to ali gre pri ustreznih podatkih kot sta

*digitalni denar* (nosilec vrednosti) in *digitalni podpis* (za prepoznavanje)

za

- razkritje,
- spreminjanje,
- zamenjavo,
- uničenje,
- preverjanje verodostojnosti.

Predlagani so bili številni ukrepi, a niti eden med njimi ne zagotavlja *popolne varnosti*.

Med preventivnimi ukrepi, ki so na voljo danes, nudi

**kriptografija**

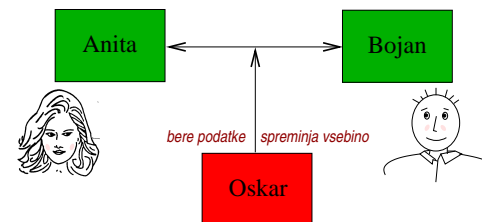
(če je seveda pravilno implementirana ter uporabljena)

*največjo stopnjo varnosti*

glede na svojo prilagodljivost digitalnim medijem.

**Kaj je kriptografija?**

Kriptografija je veda o komunikaciji v prisotnosti aktivnega napadalca.

**Primer:**

**pošiljanje papirnih dokumentov po pošti**

Kakšna zagotovila varnosti so na voljo? In kakšna?

- **Fizična varnost:** zapečatenе kuverte.
- **Zakonska infrastruktura:** ročni podpis je zakonsko sprejeto sredstvo, zakoni proti odpiranju/oviranju pošte, itd.
- **Poštna infrastruktura:** varni in sprejeti mehanizmi za dostavljanje pošte širom po svetu.

**Primer: digitalni podatki**

- **ZA:** hranjenje je enostavno in poceni, hiter in enostaven transport.
- **PROTI:** enostavno kopiranje; transportni mediji niso varni (npr. pogovor po mobilnem telefonu, internetna seja, ftp seja, komunikacija s pomočjo elektronske pošte).
- **Vprašanje:** Kako lahko omogočimo/ponudimo enake možnosti za papirni kakor tudi digitalni svet?

**Odsifriranje (razbijanje) klasičnih šifer**

Kriptografske sisteme kontroliramo s pomočjo ključev, ki določijo transformacijo podatkov. Seveda imajo tudi ključi digitalno obliko (binarno zaporedje: 01001101010101...).

Držali se bomo **Kerckhoffovega principa**, ki pravi, da "nasprotnik"

*pozna kriptosistem oziroma algoritme, ki jih uporabljamo, ne pa tudi ključe, ki nam zagotavljajo varnost.*

**Vohunova dilema**

Bilo je temno kot v rogu, ko se je vohun vračal v grad po opravljeni diverziji v sovražnem taboru.

Ko se je približal vratom, je zaslišal šepetajoč glas:



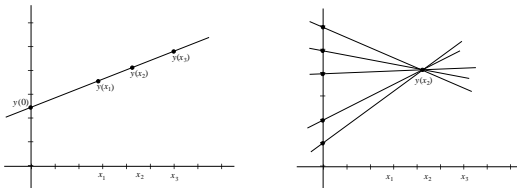
Kako vohun prepriča "stražarja", da pozna geslo, ne da bi ga izdal morebitnemu vsiljivcu/prisluškovalcu?

**Deljenje skrivnosti**

**Problem:** V banki morajo trije direktorji odpreti trezor vsak dan, vendar pa ne želijo zaupati kombinacijo nobenemu posamezniku. Zato bi radi imeli sistem, po katerem lahko odpreta trezor poljubna dva med njimi.

Ta problem lahko rešimo z (2, 3)-stopenjsko shemo.

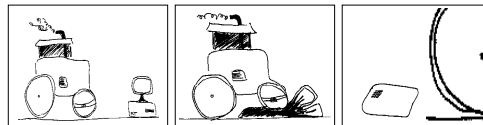
Stopenjske sheme za deljenje skrivnosti sta leta 1979 neodvisno odkrila **Blakey in Shamir**.



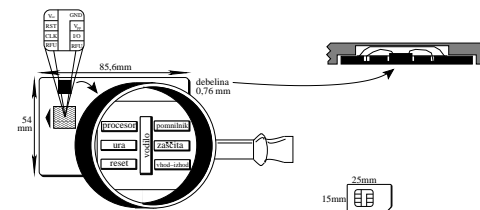
Vsak dobi le  $y$ -koordinato svoje točke.

Program v trezorju ima še ustrezne od 0 različne  $x$ - koordinate, zato lahko izračuna ključ  $y(0)$ . Vsaki točki natanko določata premico in s tem ključ.

Če imamo eno samo točko, ne moremo ugotoviti, kateri ključ je pravi, saj so vsi videti enako dobri.

**Pametne kartice**

Po računski moči so pametne kartice primerljive z originalnim IBM-XT računalnikom, kartice s **kripto koprocesorjem** pa v nekaterih opravilih prekašajo celo 50 Mhz 486 računalnik.



Velikost pametne kartice ustreza ISO 7810 standardu, sestavljajo pa jo mikroprocesor, pomnilnik (ROM, RAM, EEPROM), vhodno/izhodna enota (I/O).

**Zakaj pametna kartica**

Gotovo je najbolj pomembna razlika med pametno kartico in magnetno kartico

**varnost.**

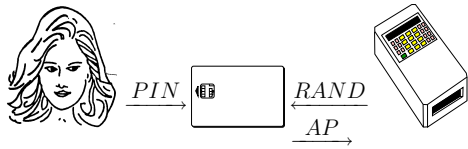
Pametna kartica ima svoj **procesor**, ki kontrolira vse interakcije med od zunaj **nedostopnim** spominom in različnimi zunanji enotami.

Dodaten, pomemben, del pametne kartice je **non-volatile spomin (ROM)**, t.j. spomin, ki se ga ne da spremeniti in ostane prisoten tudi po prekinitvi napajanja.

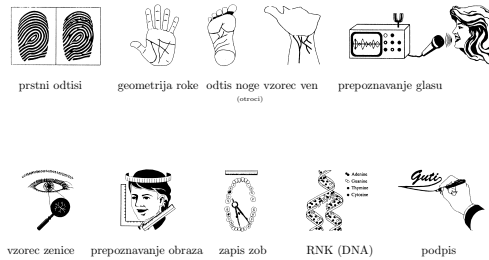
### Zagotovitev varnosti

Identifikacija se opravi v dveh delih:

- (a) kartica mora biti zares prepričana, da jo uporablja njen lastnik (lokalno overjanje),
- (b) kartica komunicira (varno) z računalnikom (dinamično overjanje).



### Biometrični testi

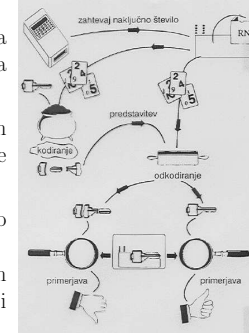


Pametna kartica zgenerira naključno število, ter ga pošlje čitalniku.

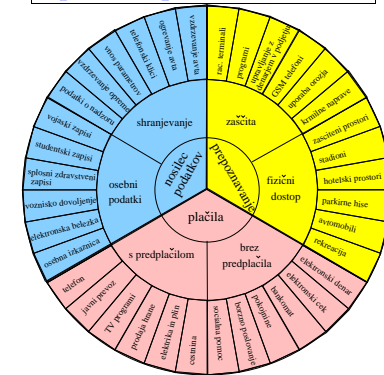
Ta ga zašifrira z zasebnim ključem in rezultat pošlje pametni kartici.

Če pametna kartica uspešno odšifrira naključno število z javnim ključem, potem je prepričana o pristnosti čitalnika.

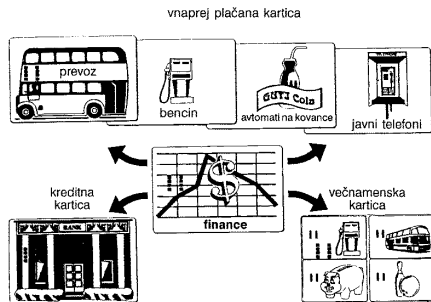
Enak proces poteka v nasprotni smeri.



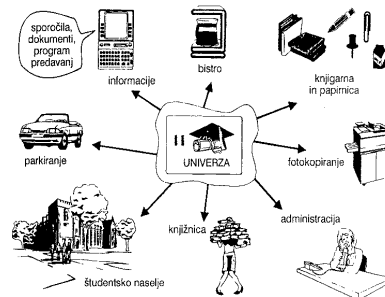
### Uporaba pametnih kartic



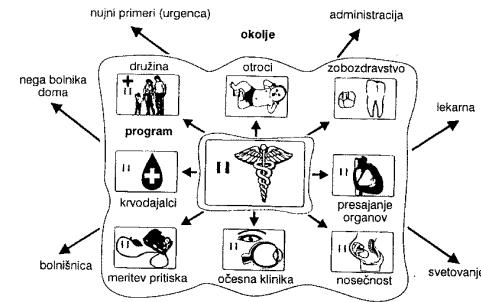
Plačilne, kreditne in večnamenske kartice, ki se uporabljajo na področju *financ*.



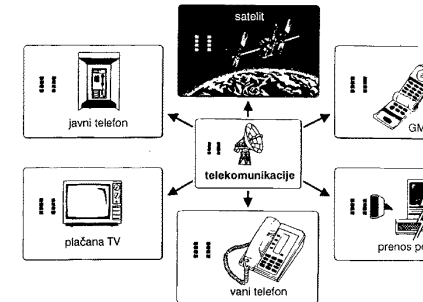
Uporaba pametnih kartic na *univerzi/fakulteti*, ki je ponekod mesto v malem.

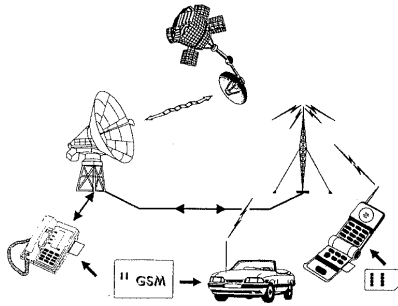


Področja v *zdravstvu*, kjer se uporabljajo pametne kartice.



Uporaba pametne kartice v *telekomunikacijah* uporabniški elektrotehniki.



**GSM** (globalni sistem za prenosno komuniciranje)**Javna kriptografija**

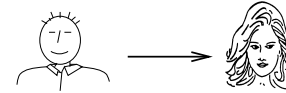
Glede na pomembnost podatkov, ki jih varujemo, se moramo odločiti za ustrezno obliko zaščite:

- Geslo (PIN) in zgoščevalne funkcije predstavljajo osnovno zaščito,
- AES (Advanced Encryption Standard) simetrični kriptosistemi nudijo srednji nivo,
- javna kriptografija (Public Key Scheme) pa visok nivo zaščite.

Odlična uvodna knjiga o moderni kriptografiji je: Albrecht Beutelspacher, **Cryptology**, MAA, 1994.

**Koncept javne kriptografije**

Bojan pošlje Aniti pismo, pri tem pa si želi, da bi pismo lahko prebrala le ona (in prav nihče drug) [**zaščita**].



Anita pa si poleg tega želi biti prepričana, da je pismo, ki ga je poslal Bojan prišlo prav od njega [**podpis**].

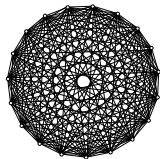
*Predpostavimo*, da se Anita in Bojan prej dogovorita za **skupen ključ**, ki ga ne pozna nihče drug (simetričen kriptosistem).

Če Bojan z njim zašifrira pismo, je lahko prepričana, da ga lahko odklene le Anita.

Hkrati pa je tudi Anita zadovoljna, saj je prepričana, da ji je pismo lahko poslal le Bojan.

Tak pristop je problematičen vsaj iz dveh razlogov:

1. Anita in Bojan se morata **prej** dogovoriti za skupen ključ,
2. upravljanje s ključi v omrežju z  $n$  uporabniki je kadratno zahtevnosti ( $\binom{n}{2}$ ), vsak uporabnik pa mora hraniti  $n-1$  ključev.



Leta 1976 sta Whit **Diffie** in Martin **Hellman** predstavila koncept kriptografije z javnimi ključi.

Tu ima za razliko od sim. sistema vsak uporabnik **dva** ključa, podatke **zaklepa**, drugi pa jih **odklepa**.

Pomembna lastnost tega sistema: **ključ, ki zaklepa, ne more odklepati in obratno, ključ, ki odklepa, ne more zaklepati.**



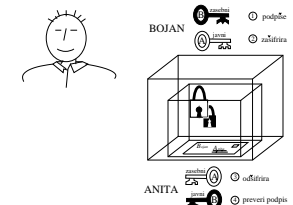
To omogoči lastniku, da en ključ **objavi**, drugega pa **hrani v tajnosti** (npr. na pametni kartici). Zato imenujemo ta ključa zaporedoma **javni** in **zasebni**.

Ta pristop omogoča veliko presenetljivih načinov uporabe, npr. omogoča ljudem varno komuniciranje, ne da bi se predhodno srečali zaradi izmenjave/dogovora o tajnem ključu.

Vsak uporabnik najprej objavi svoj javni ključ, zasebnega pa zadrži zase. Vsak lahko nato z javnim ključem zašifrira pismo, bral (odsifriral) pa ga bo lahko le lastnik ustreznega zasebnega ključa.

**Bojan pošlje Aniti podpisano zasebno pismo:**

- (1) **podpiše** ga s svojim zasebnim ključem  $Z_B$
- (2) **zašifrira** z Anitinim javnim ključem  $J_A$ .



- (3) Anita ga s svojim zasebnim ključem  $Z_A$  **odklope**
- (4) z Bojanovim javnim ključem  $J_B$  **preveri podpis**



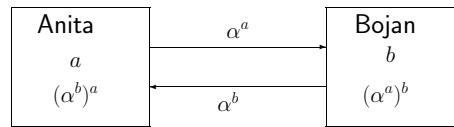
V razvoju javne kriptografije je bilo predlaganih in razbitih veliko kriptosistemov.

Le nekaj se jih je obdržalo in jih lahko danes smatramo za varne in učinkovite.

Glede na matematični problem na katerem temeljijo, so razdeljene v tri skupine:

- **Sistemi faktorizacije celih števil**  
npr. RSA (Rivest-Shamir-Adleman).
- **Sistemi diskretnega logaritma**  
npr. DSA.
- **Kripto sistemi z eliptičnimi krivuljami**  
(Elliptic Curve Cryptosystems)

### Izmenjava ključev (Diffie-Hellman)



Anita in Bojan si delita skupni element grupe:  $\alpha^{ab}$ .

Končne grupe so zanimive zato, ker računanje potenc lahko opravimo učinkovito, ne poznamo pa vedno učinkovitih algoritmov za logaritem (za razliko od  $\mathbb{R}$ ).

### Kaj je kriptografija

- cilji kriptografije
- širši pogled na kriptografijo
- gradniki kriptografije

Osnovna motivacija za naš študij je uporaba kriptografije v realnem svetu.

Cilje kriptografije bomo dosegali z matematičnimi sredstvi.

### Cilji kriptografije

1. **Zasebnost/zaupnost/tajnost:**  
varovanje informacij pred tistimi, ki jim vpliv dovoljen, dosežemo s šifriranjem.
2. **Celovitost podatkov:**  
zagotovilo, da informacija ni bila spremenjena s nedovoljenimi sredstvi (neavtoriziranimi sredstvi).

3. **Overjanje sporočila (ali izvora podatkov):**  
potrditev izvora informacij.
4. **Identifikacija:**  
potrditev identitete predmeta ali osebe.
5. **Preprečevanje tajejanja:**  
preprečevanje, da bi nekdo zanikal dano obljubo ali storjeno dejanje.

### 6. Drugi kriptografski protokoli:

1. grb/cifra po telefonu
2. mentalni poker
3. shema elektronskih volitev  
(anonimno glasovanje brez goljufanja)
4. (anonimni) elektronski denar

### Cilji kriptografije:

1. zasebnost/zaupnost/tajnost
2. celovitost podatkov
3. overjanje sporočila (ali izvora podatkov)
4. identifikacija
5. preprečevanje nepriznavanja
6. drugi kriptografski protokoli

**NAUK: Kriptografija je več kot samo šifriranje (enkripcija).**

### Širši pogled na kriptografijo – varnost informacij

Kriptografija je sredstvo, s katerim dosežemo varnost informacij, ki med drugim zajema:

#### (a) Varnost računalniškega sistema

tj. tehnična sredstva, ki omogočajo varnost računalniškega sistema, ki lahko pomeni varnost računalnik z več uporabniki, lokalno mrežo, Internet, mrežni strežnik, bankomat, itd.

Med drugim obsega:

- varnostne modele in pravila, ki določajo zahteve po varnosti, katerim mora sistem ustrezati
- varen operacijski sistem
- zaščito pred virusi
- zaščito pred kopiranjem
- kontrolne mehanizme (beleženje vseh aktivnosti, ki se dogajajo v sistemu lahko omogoči *odkrivanje* tistih kršitev varnostnih pravil, ki jih ni mogoče preprečiti)
- analiza tveganja in upravljanje v primeru nevarnosti

### (b) Varnost na mreži

Zaščita prenašanja podatkov preko komercialnih mrež, tudi računalniških in telekomunikacijskih.

Med drugim obsega:

- protokole na internetu in njihovo varnost
- požarne zidove
- trgovanje na internetu
- varno elektronsko pošto

### Širši pogled na kriptografijo – varnost informacij

1. varnost računalniškega sistema
2. varnost na mreži

**NAUK: Kriptografija je samo majhen del varnosti informacij.**

### Gradniki kriptografije

1. **matematika** (*predvsem teorija števil*)
2. **računalništvo** (*analiza algoritmov*)
3. **elektrotehnika** (*hardware*)
4. **poznavanje aplikacij** (*finance,...*)
5. **politika** (*restrikcije, key escrow, NSA,*)
6. **pravo** (*patenti, podpisi, jamstvo,...*)
7. **družba** (*npr. enkripcija omogoča zasebnost, a otežuje pregon kriminalcev*)

**NAUK: Uporabna kriptografija je več kot samo zanimiva matematika.**

### 1. poglavje

## Klasična kriptografija

- zgodovina (hieroglifi, antika, II. svetovna vojna)
- zamenjalna šifra

### Klasične šifre in razbijanje

- prikrita, zamenjalna (pomična, afina), bločna (Vigenerjeva, Hillova)
- Kerckhoffov princip in stopnje napadov
- napad na Vigenerja (Kasiski test, indeks naključja)
- napad na Hillovo šifro
- tokovne šifre

## Zgodovina

Kriptografija ima dolgo in zanimivo zgodovino:

– Hieroglifi, Špartanci, Cezar, ...



D. Kahn, **The Codebreakers**

(The Story of Secret Writing),

hrvaški prevod: (K. and M. Miles),

**Šifranti protiv špijuna,**

Centar za informacije i Publicitet, Zagreb 1979.

(429+288+451+325=1493 strani).

## Hieroglifi

Razvili so jih antični Egipčani.

Komunicirali so v jeziku sestavljenemu iz sličič namesto besed.

Najbolj izobraženi ljudje so jih razumeli,

toda v religioznemu kontekstu

– **npr. napisi na grobovih** –

so njihovi duhovniki uporabljali tajne kriptografske verzije znakov, da bi bila vsebina več vredna (saj je šlo za božje besede) in bolj mistična.

Mnoge religije so uporabljale tajne znake, ki so jih razumeli le določeni izbranci.



## Razbijalci šifer

Obstajajo od kar poznamo šifriranje.

L. 1799 so v Egipčanski Rosetti našli skoraj 2.000 let star kamen. Na njemu so bili trije teksti:

- hieroglifi,
- pisava egipčanov (demotic) in
- starogrščina.

Ko je bil končan prevod iz Grščine, je bilo možno razvozlati tudi hieroglife, iz katerih smo izvedeli o zgodovini antičnega E





**Še ena antična: o obriti glavi**

Medtem, ko je bil genialni Histius na perzijskem sodišču, je hotel obvestiti Aristagorasa iz Grčije, da dvigne upor. Seveda je bilo pomembno, da nihče ne prestreže sporočila.

Da bi zagotovil tajnost, je Histius obril sužnja, ki mu je nabolj zaupal, mu vtetoviral na glavo sporočilo [sužnju so rekli, da mu začenjajo zdraviti slepoto] in počakal, da mu zrastejo lasje.

Sužnju je bilo ukazano, da reče Aristagorasu:

*“Obrijte mojo glavo in poglejte nanjo.”*

Aristagoras je nato zares dvignil upor.

To je primer **prikrite šifre**, sporočilo je prisotno, a na nek način prikrito.

Poznamo mnogo takšnih primerov.

Varnost takega sporočila je odvisna od trika prikrivanja.

Tak trik je lahko odkriti, poleg tega pa ne omogoča hitrega šifriranja in odšifriranja.

To ne pride v poštev za **resno uporabo**.

**Anglija: Sir John dobi sporočilo:** Worthie Sir John:- Hope, that is ye beste comfort of ye afflicted, cannot much, I fear me, help you now. That I would saye to you, is this only: if ever I may be able to requite that I do owe you, stand not upon asking me. 'Tis not much that I can do: but what I can do, bee ye verie sure I wille. I knowe that, if dethe comes, if ordinary men fear it, it frights not you, accounting it for a high honor, to have such a rewarde of your loyalty. Pray yet that you may be spared this soe bitter, cup. I fear not that you will grudge any sufferings; only if bie submission you can turn them away, 'tis the part of a wise man. Tell me, an if you can, to do for you anythinge that you wolde have done. The general goes back on Wednesday. Restinge your servant to command. - R.T.

Če vam uspe “med vrsticami” prebrati:

**PANEL AT EAST END  
OF CHAPEL SLIDES**

verjetno ne boste občutili enakega olajšanja. Sir John Trevanion, njemu pa je vsekakor uspelo pobegniti, sicer bi ga v gradu Colcester gotovo ugrabili prav tako, kot so Sir Charlesa Lucasa ter Sir Johna Lislea.

**Druga svetovna vojna**

- Enigma (Nemčija),
- Tunny (Nemčija),
- Purple (Japonska),
- Hagelin (ZDA).

**Zamenjalna šifra**

Tomaž Pisanski, Skrivnostno sporočilo  
Presek V/1, 1977/78, str. 40-42.

YHW?HD+CVODHVTHVO-!JVG: CDCYJ (JV/-V?HV (-T?HVW-4YC4 (?-DJV/- (?S-V03CWC%J (-V4-DC V!CW-?CVNJDJVD-?+-V03CWC%J (-VQW-DQ-VJ+ V?HVDWHN-V3C: CODCV!H+?-DJVD-?+CV3JO-YC

(črko Č smo zamenjali s C, črko Ć pa z D)

Imamo  $26! = 40329146112665635584000000$  možnosti z direktnim preizkušanjem, zato v članku dobimo naslednje nasvete:

(0) Relativna frekvenca črk in presledkov v slovenščini: presledek 173,

E A I O N R S L J T V D  
89 84 74 73 57 44 43 39 37 37 33 30

K M P U Z B G Č H Š C Ž F  
29 27 26 18 17 15 12 12 9 9 6 6 1

- (1) Na začetku besed so najpogostejše črke N, S, K, T, J, L.
- (2) Najpogostejše končnice pa so E, A, I, O, U, R, N.
- (3) Ugotovi, kateri znaki zagotovo predstavljajo samoglasnike in kateri soglasnike.
- (4) V vsaki besedi je vsaj en samoglasnik ali samoglasniški R.
- (5) V vsaki besedi z dvema črkama je ena črka samoglasnik, druga pa soglasnik.
- (6) detektivska sreča

(0) V - C D J ? H W O ( + 3  
23 19 16 12 11 10 9 7 6 6 5 4

Y 4 ! / Q : % T N S G  
4 3 3 2 2 2 2 2 1 1

Zaključek V --> ' ' (drugi znaki z visoko frekvenco ne morejo biti).

Dve besedi se ponovita: 03CWC%J(-,  
opazimo pa tudi eno sklanjatev:  
D-?+- ter D-?+C.

Torej nadaljujemo z naslednjim tekstom:

YHW?HD+C ODH TH 0-!J G:CDYJ(J /- ?H  
(-T?H W-4YD4(?-DJ /-(?S- 03CWC%J(- 4-DC  
!CW-?C NJDJ D-?+- 03CWC%J(- QW-DQ- J+  
?H DWHN- 3C:CODC !H+?-DJ D-?+C 3JO-YC

(3) Kandidati za samoglasnike e,a,i,o so znaki z visokimi frekvencami. Vzamemo:

$$\{e,a,i,o\} = \{-,C,J,H\}$$

(saj D izključi -,H,J,C in ? izključi -,H,C,  
znaki -,C,J,H pa se ne izključujejo)

Razporeditev teh znakov kot samoglasnikov izgleda prav verjetna. To potrdi tudi gostota končnic, gostota parov je namreč:

AV CV HV JV VO ?H -D DC JM W- DJ UC CW -? VD  
7 5 5 5 4 4 4 3 3 3 3 3 3 3 3

(5) Preučimo besede z dvema črkama:

**Samoglasnik na koncu**

- 1) da ga na pa ta za (ha ja la)
- 2) če je le me ne se še te ve že (e je)
- 3) bi ji ki mi ni si ti vi
- 4) bo do (ho) jo ko no po so to
- 5) ju mu tu (bu)
- 6) rž rt

**Samoglasnik na začetku**

- 1) ar as (ah aj au)
- 2) en ep (ej eh)
- 3) in iz ig
- 4) on ob od os on (oh oj)
- 5) uk up uš ud um ur (uh ut)

in opazujemo besedi: /- ?H  
ter besedi: J+ ?H.

J+ ima najmanj možnosti, + pa verjetno ni črka n, zato nam ostane samo še:

J+ ?H DWHN-  
/- ?H  
iz te (ne gre zaradi: D-?+C)  
ob ta(e,o) (ne gre zaradi: D-?+C)  
od te (ne gre zaradi: D-?+C)

tako da bo potrebno nekaj spremeniti in preizkusiti še naslednje:

on bo; on jo; in so; in se; in je; in ta; en je; od tu ...

(6) Če nam po dolgem premisleku ne uspe najti rdeče niti, bo morda potrebno iskati napako s prijatelji (tudi računalniški program z metodo lokalne optimizacije ni zmogel problema zaradi premajhne dolžine tajnopisa, vsekakor pa bi bilo problem mogoče rešiti s pomočjo elektronskega slovarja).

Tudi psihološki pristop pomaga, je svetoval Martin Juvan in naloga je bila rešena (poskusite sami!).

Podobna naloga je v angleščini dosti lažja, s tem jeziku veliko členov THE, A in AN, verjetno zato običajno najprej izpustimo presledke iz tega jezika, ga želimo spraviti v tajnopis.

V angleščini imajo seveda črke drugačno gostoto slovenščini.

Razdelimo jih v naslednjih pet skupin:

1. E, z verjetnostjo okoli 0.120,
2. T, A, O, I, N, S, H, R, vse z verjetnostjo med 0.06 in 0.09,
3. D, L, obe z verjetnostjo okoli 0.04,
4. C, U, M, W, F, G, Y, P, B, vse z verjetnostjo med 0.015 in 0.028,
5. V, K, J, X, Q, Z, vse z verjetnostjo manjšo od 0.01.

Najbolj pogosti pari so (v padajočem zaporedju): TH, HE, IN, ER, AN, RE, ED, ON, ES, ST, EN, AT, TO, NT, HA, ND, OU, EA, NG, AS, OR, TI, IS, ET, IT, AR, TE, SE, HI in OF,

Najbolj pogoste trojice pa so (v padajočem zaporedju): THE, ING, AND, HER, ERE, ENT, THA, NTH, WAS, ETH, FOR in DTH.